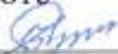


Государственное автономное профессиональное
образовательное учреждение Тюменской области
«Тюменский колледж транспортных технологий и сервиса»
(ГАПОУ ТО «ТКТТС»)

УТВЕРЖДАЮ
заместитель директора
по учебно - производственно
работе

 Н.Ф. Борзенко
«27» апреля 2022 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебная дисциплина БД.04 Математика

специальность 27.02.03 Автоматика и телемеханика на транспорте
(железнодорожном транспорте)

Тюмень 2022

СОДЕРЖАНИЕ

1	Паспорт программы учебной дисциплины	4
2	Структура и содержание дисциплины	8
3	Условия реализации программы дисциплины	15
4	Контроль и оценка результатов освоения дисциплины	17

1. ПАСПОРТ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ БД.04 МАТЕМАТИКА

1.1. Область применения программы

Рабочая программа учебной дисциплины БД.04 Математика является частью основной профессиональной образовательной программы в соответствии с ФГОС по специальностям: 27.02.03 Автоматика и телемеханика на транспорте (железнодорожном транспорте) (утв. приказом № 447 от 7 мая 2014 г.)

Программа разработана в соответствии с Примерной программой общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» для профессиональных образовательных организаций под редакцией Башмакова М.И., рекомендованной Федеральным государственным автономным учреждением «Федеральный институт развития образования» (ФГАУ «ФИРО») в качестве примерной программы для реализации основной профессиональной образовательной программы СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования, протокол № 3 от 21 июля 2015г. и Федеральных государственных образовательных стандартов (далее – ФГОС) по специальностям среднего профессионального образования: 27.02.03 Автоматика и телемеханика на транспорте (железнодорожном транспорте) (утв. приказом № 447 от 7 мая 2014 г.)

Рабочая программа учебной дисциплины предназначена для изучения математики в профессиональных образовательных организациях СПО, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения основной профессиональной образовательной программы СПО (ОПОП СПО) на базе основного общего образования при подготовке квалифицированных рабочих, служащих и специалистов среднего звена, в других профессиональных образовательных организациях, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения основной ОПОП СПО на базе основного общего образования, в дополнительном профессиональном образовании (в программах повышения квалификации и переподготовки) и профессиональной подготовке специалистов технического профиля по направлениям: 27.00.00 Управление в технических системах

1.2. Место дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы: изучается в общеобразовательном цикле учебного плана ОПОП на базе основного общего образования с получением среднего общего образования

1.3. Цели и задачи дисциплины – требования к результатам освоения дисциплины:

Освоение содержания учебной дисциплины Математика обеспечивает достижение обучающимися следующих результатов:

личностных:

- сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;
- понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;
- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;
- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;
- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
- готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;
- готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;

– отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем; •

метапредметных:

– умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;

– умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;

– владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

– готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

– владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

– владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;

– целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

предметных:

– сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

– сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

– владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

– владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

– сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

– владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах;

– сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

– сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

– владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

Учебная дисциплина БД. 04 Математика обеспечивает формирование общих компетенций по всем видам деятельности ФГОС по специальности 27.02.03 Автоматика и телемеханика на транспорте (железнодорожном транспорте). Особое значение дисциплина имеет при формировании и развитии общих компетенций

Код	Наименование общих компетенций
ОК 01	Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам.
ОК 02	Осуществлять поиск, анализ и интерпретацию информации, необходимой для выполнения задач профессиональной деятельности.
ОК 03	Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие.
ОК 04	Работать в коллективе и команде, эффективно взаимодействовать с коллегами, руководством, клиентами.
ОК 05	Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста.
ОК 06	Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе общечеловеческих ценностей.
ОК 07	Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях.
ОК 08	Использовать средства физической культуры для сохранения и укрепления здоровья в процессе профессиональной деятельности и поддержания необходимого уровня физической подготовленности.
ОК 09	Использовать информационные технологии в профессиональной деятельности
ОК 10	Пользоваться профессиональной документацией на государственном и иностранном языках.
ОК 11	Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере.

В рамках программы учебной дисциплины обучающимися осваиваются умения и знания

Код ОК	Умения	Знания
ОК 01 ОК 02 ОК 03 ОК 04 ОК 05 ОК 06 ОК 09 ОК 10 ОК 11	<ul style="list-style-type: none"> - владеть методами доказательств и алгоритмов решения; - применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач; - владеть стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; - использовать готовые компьютерные программы, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств; - владеть умением характеризовать поведение функций; 	<ul style="list-style-type: none"> - представления о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке; - представления о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; - понимание возможности аксиоматического построения математических теорий; - представления об основных понятиях математического анализа и их свойствах; - представления о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в

	<ul style="list-style-type: none"> - использовать полученные знания для описания и анализа реальных зависимостей; - владеть основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; - распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; - применять изученные свойства геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием; - владеть навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач; - находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин. 	<p>реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей.</p>
--	--	---

1.4. Количество часов на освоение программы дисциплины:

максимальной учебной нагрузки обучающегося **244** час,

в том числе:

обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося **234** часа;

самостоятельной работы обучающегося **2** часа;

консультаций **2** часа;

экзамена **6** часов.

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ БД.04 МАТЕМАТИКА

2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов
Максимальная учебная нагрузка (всего)	244
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	234
в том числе:	
практические занятия	84
Самостоятельная работа обучающегося (всего)	2
Консультации	2
Промежуточная аттестация в форме экзамена (2 семестр)	6

2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины БД.04 Математика

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала, самостоятельная работа обучающихся	Объем часов	Коды компетенций, формированию которых способствует элемент программы
1	2	3	4
Введение	Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики при освоении специальностей СПО.	2	ОК 01 – ОК 09
Раздел 1	Алгебра	38	
Тема 1. Развитие понятия о числе	Содержание учебного материала	8	ОК 01 – ОК 09
	Целые и рациональные числа. Действительные числа. Приближенные вычисления. Комплексные числа.		
	Практические занятия	4	
Тема 2. Корни, степени и логарифмы	Содержание учебного материала	14	ОК 01 – ОК 09
	Корни и степени. Корни натуральной степени из числа и их свойства. Степени с рациональными показателями, их свойства. Степени с действительными показателями и их свойства.		
	Логарифм. Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами. Переход к новому основанию.		
	Преобразование алгебраических выражений. Преобразование рациональных, иррациональных, степенных, показательных и логарифмических выражений.		
	Практические занятия	10	
Вычисление и сравнение корней. Выполнение расчетов с радикалами. Решение иррациональных уравнений. Нахождение значений степеней с рациональными показателями. Сравнение степеней. Преобразования выражений, содержащих степени. Решение прикладных задач. Нахождение значения логарифма по произвольному основанию. Переход от одного основания к другому. Вычисление и сравнение логарифмов. Логарифмирование и потенцирование выражений. Приближенные вычисления и решения прикладных задач. Решение логарифмических уравнений.			
	Контрольная работа № 1 по теме «Корни, степени и логарифмы».	2	ОК 01 – ОК 09
Раздел 2	Основы тригонометрии	30	
	Содержание учебного материала	4	ОК 01 – ОК 09

Тема 3. Основные понятия	Радианная мера угла. Вращательное движение. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа.	2	
	Практические занятия Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой.		
Тема 4. Основные тригонометрические тождества	Содержание учебного материала	4	ОК 01 – ОК 09
	Формулы приведения. Формулы сложения. Формулы удвоения. Формулы половинного угла.	2	
	Практические занятия Основные тригонометрические тождества, формулы сложения, удвоения.		
Тема 5. Преобразования простейших тригонометрических выражений	Содержание учебного материала	4	ОК 01 – ОК 09
	Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента.		
	Практические занятия Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение, преобразование произведения тригонометрических функций в сумму.	4	
Тема 6. Тригонометрические уравнения и неравенства	Содержание учебного материала	4	ОК 01 – ОК 09
	Простейшие тригонометрические уравнения. Простейшие тригонометрические неравенства. Арксинус, арккосинус, арктангенс числа.		
	Практические занятия	4	
	Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства. Обратные тригонометрические функции: арксинус, арккосинус, арктангенс.		
Контрольная работа № 2 по теме «Основы тригонометрии».	2		
Раздел 3	Функции, их свойства и графики	20	
Тема 7. Функции, их свойства и графики	Содержание учебного материала	4	ОК 01 – ОК 09
	Функции. Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами. Свойства функции. Монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Арифметические операции над функциями. Сложная функция (композиция). Понятие о непрерывности функций. Обратные функции. Область определения и область значений обратной функции. График обратной функции.		
Тема 8. Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные	Содержание учебного материала	6	ОК 01 – ОК 09
	Определения функций, их свойства и графики. Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой $y = x$, растяжение и сжатие вдоль осей координат.		
	Практические занятия	8	

тригонометрические функции	Примеры зависимостей между переменными в реальных процессах из смежных дисциплин. Определение функций. Построение и чтение графиков функций. Исследование функции. Свойства линейной, квадратичной, кусочно-линейной и дробно-линейной функций. Непрерывные и периодические функции. Свойства и графики синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Обратные функции и их графики. Обратные тригонометрические функции. Преобразования графика функции. Гармонические колебания. Прикладные задачи. Показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства.		
	Контрольная работа № 3 по теме «Функции, их свойства и графики».	2	
Раздел 4	Начала математического анализа	42	
Тема 9. Последовательности	Содержание учебного материала	4	ОК 01 – ОК 09
	Последовательности. Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Суммирование последовательностей. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма.		
	Практические занятия Числовая последовательность, способы ее задания, вычисления членов последовательности. Предел последовательности. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия.		
Тема 10. Производная	Содержание учебного материала	12	ОК 01 – ОК 09
	Понятие о производной функции, её геометрический и физический смысл. Уравнение касательной к графику функции. Производные суммы, разности, произведения, частного. Производные основных элементарных функций. Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах. Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком.		
	Практические задания Производная: механический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной в общем виде. Правила и формулы дифференцирования, таблица производных элементарных функций. Исследование функции с помощью производной. Нахождение наибольшего, наименьшего значения и экстремальных значений функции.		
Тема 11. Первообразная и интеграл	Содержание учебного материала	14	ОК 01 – ОК 09
	Первообразная и интеграл. Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. Формула Ньютона—Лейбница. Примеры применения интеграла в физике и геометрии.		
	Практические занятия Интеграл и первообразная. Теорема Ньютона-Лейбница. Применение интеграла к вычислению физических величин и площадей.		

	Контрольная работа № 4 по теме «Начала математического анализа. Интеграл и его применение».	2	
Раздел 5	Уравнения и неравенства	18	
Тема 12. Уравнения и неравенства	Содержание учебного материала	8	ОК 01 – ОК 09
	Уравнения и системы уравнений. Рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и системы. Равносильность уравнений, неравенств, систем. Основные приемы их решения (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановка, графический метод).		
	Неравенства. Рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические неравенства. Основные приемы их решения.		
	Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств. Метод интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем		
	Прикладные задачи. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.		
	Практические задания	10	
	Корни уравнений. Равносильность уравнений. Преобразование уравнений. Основные приемы решения уравнений. Решение систем уравнений. Использование свойств и графиков функций для решения уравнений и неравенств.		
Раздел 6	Комбинаторика, статистика и теория вероятностей	20	
Тема 13. Элементы комбинаторики	Содержание учебного материала	8	ОК 01 – ОК 09
	Основные понятия комбинаторики. Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Решение задач на перебор вариантов. Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля.		
	Практические занятия	2	
История развития комбинаторики, теории вероятностей и статистики и их роль в различных сферах человеческой жизнедеятельности. Правила комбинаторики. Решение комбинаторных задач. Размещения, сочетания и перестановки. Бином Ньютона и треугольник Паскаля. Прикладные задачи.			
Тема 14. Элементы теории вероятностей	Содержание учебного материала	6	ОК 01 – ОК 09
	Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий. Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел.		
	Практические занятия	2	
	Классическое определение вероятности, свойства вероятностей, теорема о сумме вероятностей. Вычисление вероятностей. Прикладные задачи.		

Тема 15. Элементы математической статистики	Содержание учебного материала		ОК 01 – ОК 11
	Представление данных (таблицы, диаграммы, графики), генеральная совокупность, выборка, среднее арифметическое, медиана. Понятие о задачах математической статистики. Решение практических задач с применением вероятностных методов.	2	
Раздел 7	Геометрия	66	
Тема 16. Прямые и плоскости в пространстве	Содержание учебного материала	10	ОК 01 – ОК 09
	Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная. Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей. Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости. Параллельное проектирование. Площадь ортогональной проекции. Изображение пространственных фигур.		
	Практические занятия	10	
	Признаки взаимного расположения прямых. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых и плоскостей. Перпендикуляр и наклонная к плоскости. Угол между прямой и плоскостью. Теоремы о взаимном расположении прямой и плоскости. Теорема о трех перпендикулярах. Признаки и свойства параллельных и перпендикулярных плоскостей. Расстояние от точки до плоскости, от прямой до плоскости, расстояние между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве. Параллельное проектирование и его свойства. Теорема о площади ортогональной проекции многоугольника. Взаимное расположение пространственных фигур.		
Тема 17. Тела и поверхности вращения	Содержание учебного материала	8	ОК 01 – ОК 09
	Вершины, ребра, грани многогранника. Развертка. Многогранные углы. Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Призма. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб. Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр. Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде. Сечения куба, призмы и пирамиды. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр). Цилиндр и конус. Усеченный конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию. Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере.		
	Практические занятия	10	
	Различные виды многогранников. Их изображения. Сечения, развертки многогранников. Площадь поверхности. Виды симметрий в пространстве. Симметрия тел вращения и многогранников.		
	Содержание учебного материала	2	ОК 01 – ОК 09

Тема 18. Измерения в геометрии	Объем и его измерение. Интегральная формула объема. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса. Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы. Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел.		
	Практические занятия	2	
	Вычисление площадей и объемов.		
	Контрольная работа № 5 по теме «Многогранники и тела вращения».	2	
	Самостоятельная работа: Выполнение графической работы.	2	
Тема 19. Координаты и векторы	Содержание учебного материала	16	ОК 01 – ОК 09
	Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Формула расстояния между двумя точками. Уравнения сферы, плоскости и прямой. Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов. Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач.		
	Практические занятия	4	
	Векторы. Действия с векторами. Декартова система координат в пространстве. Уравнение окружности, сферы, плоскости. Расстояние между точками. Действия с векторами, заданными координатами. Скалярное произведение векторов. Векторное уравнение прямой и плоскости. Использование векторов при доказательстве теорем стереометрии.		
Максимальная учебная нагрузка (всего)		244	
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)		234	
Из них практических занятий		84	
Внеаудиторная самостоятельная работа		2	
Консультации		2	
Экзамен		6	

3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ БД.04 МАТЕМАТИКА

3.1. Требования к материально-техническому обеспечению

Для реализации программы дисциплины имеется учебный кабинет математики.

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- комплект учебно-наглядных пособий «Математика».

Технические средства обучения:

- компьютер с лицензионным программным обеспечением;
- мультимедиапроектор;
- принтер, сканер, копер.

3.2. Информационное обеспечение обучения

Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы

Основные источники:

1. Башмаков М.И. Математика. Учебник для учреждений начального и среднего профессионального образования/- М.: Издательский центр «Академия», 2017. – 256с.
2. Башмаков М.И. Математика. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования/. — М.: Издательский центр «Академия», 2017.

Дополнительные источники:

1. Атанасян Л.С., Бутусов В.Ф., Кадомцев С.Б. и др. Геометрия (базовый и профильный уровни) 10 – 11. – М., 2008.
2. Алимов Ш.А. и др. Алгебра и начала анализа 10 (11) кл. – М., 2012.
3. Пехлецкий И.Д. Математика (учебник). – М., 2008.
4. Колягин Ю.М., Ткачева М.В., Федерова Н.Е. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 10 класс / под ред. А.Б.Жижченко. — М: ООО «Издательство Оникс», 2014.
5. Колягин Ю.М., Ткачева М.В., Федерова Н.Е. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 11 класс / под ред. А.Б.Жижченко. — М., ООО «Издательство Оникс», 2014

Интернет – ресурсы:

1. Коллекция книг, видео-лекций, подборка занимательных математических фактов, различные по уровню и тематике задачи, истории из жизни математиков. Информация об олимпиадах, научных школах по математике. Медиатека – Режим доступа: <http://www.math.ru>;
2. Сборник материалов по изучению математики, алгебры и геометрии в средней школе: задачи, игры, пазлы, тренировочные упражнения. Методические рекомендации для преподавателей, планы уроков, контрольные работы и пр. – Режим доступа <http://cte.jhu.edu/techacademy/web/2000/heal/mathsites.htm>;
3. Сборник лекций. Электронные учебники и решебники. Краткий теоретический обзор дисциплины – Режим доступа: <http://www.mathhelp.spb.ru>;
4. Математика и математики, математика в жизни. Случаи и биографии, курьезы и открытия - Режим доступа: <http://mathc.chat.ru/>;
5. Математика в мире: обзор. История математики. Персоналии: известные математики. Словарь терминов – Режим доступа: <http://www-groups.dcs.st-andrews.ac.uk/~history/Indexes/HistoryTopics.html>;
6. Векторы в стереометрии. Отыскание углов и проекций, площадей сечений и объемов тел. Примеры и задачи для самостоятельного решения – Режим доступа: http://kvant.mccme.ru/1978/01/skalyarnoe_umnozhenie_vektorov.htm;
7. Определения и исторические справки. Теорема Эйлера – история и доказательство. Платоновы и Архимедовы тела. Биографические справки о Платоне, Архимеде, Евклиде и других ученых, имеющих отношение к заявленной теме. Многогранники в искусстве и архитектуре – Режим доступа: <http://www.tmn.fio.ru/works/26x/304/>;
8. Информационно-поисковая система по математике по разделам: планиметрия и стереометрия – Режим доступа: <http://zadachi.mccme.ru/easy/>;
9. Российский образовательный порта – Режим доступа: <http://www.school.edu.ru>.

10. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов. [Электронный ресурс]: Учебно-методические материалы. – Режим доступа: www.fcior.edu.ru;
11. Министерство образования Российской Федерации. – Режим доступа: <http://www.ed.gov.ru>;
12. Национальный портал «Российский общеобразовательный портал». – Режим доступа: <http://www.school.edu.ru>;
13. Естественнонаучный образовательный портал. – Режим доступа: <http://en.edu.ru>;
14. Специализированный портал «Информационно-коммуникационные технологии в образовании». – Режим доступа: <http://www.ict.edu.ru>.

4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ БД.04 МАТЕМАТИКА

Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляются преподавателем в процессе проведения практических занятий, тестирования, а также выполнения обучающимися внеаудиторной самостоятельной работы

Код	Результат	Показатели оценки	Формы и методы контроля и оценки результатов обучения
<i>По завершении освоения учебной дисциплины обучающийся должен уметь:</i>			
У 1.1	владеть методами доказательств и алгоритмов решения;	<ul style="list-style-type: none"> -находит ошибки в преобразованиях и вычислениях (относится ко всем пунктам программы); -находит приближенные значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); - сравнивает числовые выражения; - выполняет арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы; - вычисляет и сравнивает корни, выполняя прикидки значения корня преобразовывает числовые и буквенные выражение, содержащие радикалы; - выполняет расчеты по формулам, содержащим радикалы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования; - определяет равносильность выражений с радикалами; - находит значения степени, используя при необходимости инструментальные средства; - записывает корень в n-ой степени в виде степени с дробным показателем и наоборот; - вычисляет степени с рациональным показателем, выполняя прикидки значения степени, сравнивать степени; - выполняет преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени, применяя свойства; - выполняет преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов; - применяет математические методы для решения содержательных задач из различных областей науки и практики, интерпретировать результаты с учетом реальных ограничений; - решает задачи на связь первообразной и ее производной; - вычисляет первообразную для данной функции; - решает задачи на связь первообразной и ее производной; 	Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.
У 1.2	применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;	<ul style="list-style-type: none"> - решает прикладные задачи на сложные проценты; - определяет область допустимых значений логарифмического выражения; - применяет при вычислении значения тригонометрического выражения и его упрощения основные формулы тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму; - решает задачи на применение формулы суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии; - составляет уравнения касательной в общем виде; - применяет производную для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и на нахождение экстремума; 	Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.

У 1.3	<p>владеть стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;</p>	<ul style="list-style-type: none"> - решает иррациональные уравнения; - решает показательные уравнения; - решает логарифмические уравнения; - изображает на единичной окружности значения арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа; - применяет при решении уравнений определения арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа; - решает по формулам и тригонометрическому кругу простейшие тригонометрические уравнения; - применяет общие методы решения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, замены переменной) при решении тригонометрических уравнений; - отмечает на круге решения простейших тригонометрических неравенств; - решает показательные и логарифмические уравнения и неравенства по известным алгоритмам; - применяет свойства функций для сравнения значений тригонометрических функций, решения тригонометрических уравнений; ; - решает уравнения с применением всех приемов (разложения на множители, введения новых неизвестных, подстановки, графического метода); - решает системы уравнений с применением различных способов - решает неравенства и системы неравенств с применением различных способов; - решает рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы; 	<p>Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.</p>
У 1.4	<p>использовать готовые компьютерные программы, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;</p>	<p>- решает и иллюстрирует решение уравнений и неравенств используя компьютерные программы (редактор формул, Компас, 1С, Excel)</p>	<p>Выполнение внеаудиторной самостоятельной работы Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.</p>

У 1.5	владеть умением характеризовать поведение функций;	<ul style="list-style-type: none"> - определять по формуле простейшей зависимости, вид ее графика; - выражает по формуле одну переменную через другие; - выражает по формуле одну переменную через другие; - находит область определения и область значений функции; - выполняет преобразования графиков функций; - применяет свойства функций при исследовании уравнений и решении задач на экстремум; - использует свойства функций для сравнения значений степеней и логарифмов; - строит графики степенных и логарифмических функций; - <i>строит графики обратных тригонометрических функций и определять по графикам их свойств;</i> - составляет уравнения касательной в общем виде; - применяет для дифференцирования функций правила дифференцирования, таблицу производных элементарных функций; - проводит с помощью производной исследования функции, заданной формулой; - устанавливает связи свойств функции и производной по их графикам; 	Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.
У 1.6	использовать полученные знания для описания и анализа реальных зависимостей;	<ul style="list-style-type: none"> - строит и читает графики функций; - исследует функции; - составляет виды функций по данному условию; - решает задачи на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей; - использует приобретенные знания для исследования и моделирует несложные задачи; 	Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.
У 1.7	владеть основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах	<ul style="list-style-type: none"> - описывает расстояния от точки до плоскости, от прямой до плоскости, между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве; - аргументирует свои суждения о взаимном расположении пространственных фигур; - описывает и характеризует различные виды многогранников, перечисляет их элементы и свойства; - проводит доказательные рассуждения при решении задач; - применяет теорию при решении задач на действия с векторами, использует координатный метод, применять действия векторов для вычисления величин углов и расстояний; - применяет теорию при решении задач на действия с векторами; - применяет теорию для обоснования построений и вычислений; 	Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.
У 1.8	распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире;	<ul style="list-style-type: none"> - распознает на чертежах и моделях различных случаев взаимного расположения прямых и плоскостей, аргументирует свои суждения; 	Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.

У 1.9	применять изученные свойства геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;	<ul style="list-style-type: none"> - выполняет построения углов между прямыми, прямой и плоскостью, между плоскостями по описанию и распознает их на моделях; - применяет признаки и свойства расположения прямых и плоскостей при решении задач; - решает задачи на вычисление геометрических величин; - применяет формулы и теоремы планиметрии для решения задач; - применяет признаки и свойства расположения прямых и плоскостей при решении задач; - изображает на рисунках и конструирует на моделях перпендикуляры и наклонные к плоскости, прямые, параллельные плоскости, углы между прямой и плоскостью и обосновывает построения; - изображает на чертежах и моделях расстояния и обосновывает своих суждения; - определяет и вычисляет расстояние в пространстве; - изображает многогранники и выполняет построения на изображениях и моделях многогранников; - вычисляет линейные элементы и углов в пространственных конфигурациях, аргументирует свои суждения; - строит простейшие сечения куба, призмы, пирамиды; - применяет факты и сведения из планиметрии; - применяет свойства симметрии при решении задач; - изображает основные многогранники и выполняет рисунки по условиям задач; - решает задачи на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов, площадей; - применяет свойства симметрии при решении задач на тела вращения, комбинацию тел; - изображает основные круглые тела и выполняет рисунки по условию задачи; - решает задачи на вычисление площадей плоских фигур с применением соответствующих формул и фактов из планиметрии; - вычисляет расстояний между точками; - находит уравнения окружности, сферы, плоскости; - выполняет построение по заданным координатам точек и плоскостей, находит координаты точек; - решает задачи на вычисление площадей поверхности пространственных тел; - решает задачи на применение формул вычисления объемов; 	Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.
У 1.10	владеть навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач;	- представляет решение задач с использованием компьютерных программ	Выполнение внеаудиторной самостоятельной работы Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.
У 1.11	находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и	<ul style="list-style-type: none"> - решает комбинаторные задачи методом перебора и по правилу умножения; - решает практические задачи с использованием понятий и правил комбинаторики; - решает задачи на вычисление вероятностей событий; - решает практические задачи на обработку числовых данных, вычисление их характеристик; 	Экспертная оценка выполнения практических работ, контрольных работ, экзамена, направленные на оценку практических навыков.

	основные характеристики случайных величин		
<i>По завершении освоения учебной дисциплины обучающийся должен знать:</i>			
3.1	представления о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации	- определяет роль математики в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности; - называет цели и задачи изучения математики при освоении профессий СПО;	Оценка результатов выполнения контрольных работ и проверочных тестов по изучаемым темам.
3.2	способы описания явлений реального мира на математическом языке	- приводит примеры функциональных зависимостей в реальных процессах из смежных дисциплин; - называет алгоритм вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной;	Оценка результатов выполнения контрольных работ и проверочных тестов по изучаемым темам.

<p>3.3</p>	<p>представления о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимать возможности аксиоматического построения математических теорий;</p>	<ul style="list-style-type: none"> - перечисляет применение корней и степеней при вычислении средних, делении отрезка в «золотом сечении»; - описывает радианный метод измерения углов вращения и их связь с градусной мерой; - дает определение понятия переменной, приводит примеры зависимостей между переменными; - приводит доказательные рассуждения некоторых свойств линейной и квадратичной функций; - дает определение гармонических колебаний и приводит примеры гармонических колебаний для описания процессов в физике и других областях знания; - формулирует механический и геометрический смысл производной; - дает простейшие сведения о корнях алгебраических уравнений, понятие исследования уравнений и систем уравнений; - описывает теорию равносильности уравнений; - формулирует определения, признаков и свойства параллельных и перпендикулярных плоскостей, двугранных и линейных углов; - формулирует и доказывает основные теоремы о расстояниях (теорем существования, свойства); - описывает процесс параллельного проектирования и его свойства; - <i>формулирует теоремы о площади ортогональной проекции многоугольника;</i> - дает описание и характеристику различных видов многогранников, их элементы и свойства; - дает характеристику и изображение сечения, <i>развертки многогранников;</i> - <i>перечисляет</i> виды симметрии в пространстве, формулирует определения и свойств; - дает характеристику симметрии тел вращения и многогранников; - перечислите виды тел вращения, формулирует их определений и свойств; - формулирует теорему о сечении шара плоскостью и плоскости, касательной к сфере; - дает характеристику и изображает тела вращения, их развертки, сечения; - дает определение площади и объема, аксиомы и свойства; - описывает метод вычисления площади поверхности сферы; - перечисляет правила разложения векторов в трехмерном пространстве; - называет правила нахождения координат вектора в пространстве; - формулирует правила действий с векторами, заданными координатами скалярного произведения векторов, векторного уравнения прямой и плоскости; - приводит доказательство теорем стереометрии о взаимном расположении прямых и плоскостей с использованием векторов; 	<p>Оценка результатов выполнения контрольных работ и проверочных тестов, устных ответов по изучаемым темам.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Написание реферата и составление презентации.</p> <p>Выполнение внеаудиторной самостоятельной работы.</p>
------------	---	---	--

3.4	представления об основных понятиях математического анализа и их свойствах;	<ul style="list-style-type: none"> - формулирует понятие корня n-й степени, свойства радикалов и правила сравнения корней; - понятие степени с действительным показателем; - дает определение равносильности выражений с радикалами; - записывает корень n-й степени в виде степени с дробным показателем и наоборот; - формулирует свойства степеней; - формулирует определения тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольника; - перечисляет основные формулы тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму; - называет свойства симметрии точек на единичной окружности; - формулирует понятие обратных тригонометрических функций; - дает определение понятия графика, определение принадлежности точки графику функции; - формулирует определение функции; - формулирует <i>понятие обратной функции</i>, определение вида; - формулирует понятие сложной функции; - дает определение непрерывной периодической функции; - формулирует свойств синуса и косинуса; - дает определение разрывной периодической функции; - формулирует свойства тангенса и котангенса; - дает определение числовой последовательности, перечисляет способы ее задания; - дает определение предела последовательности; - называет формулы и правила вычисления суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии; - дает определение производной; - перечисляет правила дифференцирования; - перечисляет формулы из таблицы производных элементарных функций; - формулирует теоремы о связи свойств функции и производной; - дает определение интеграла и первообразной - перечисляет правила вычисления первообразной и теоремы Ньютона—Лейбница; - производит запись решения стандартных уравнений, приемов преобразования уравнений для сведения к стандартному уравнению; - перечисляет основные приемы решения систем с общими вопросами решения неравенств и использование свойств и графиков функций при решении неравенств; 	<p>Оценка результатов выполнения контрольных работ и проверочных тестов по изучаемым темам.</p> <p>Выполнение домашних заданий</p> <p>Написание реферата и составление презентации.</p> <p>Выполнение внеаудиторной самостоятельной работы.</p>
-----	--	--	---

3.5	представления о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей	<ul style="list-style-type: none"> -перечисляет правила комбинаторики; - дает определение комбинаторики: размещениями, сочетаниями, перестановками и формулы для их вычисления; - формулировка биннома Ньютона и треугольника Паскаля; - формулировка классического определения вероятности, свойства вероятности, теоремы о сумме вероятностей; - приводит примеры вычисления вероятностей; - дает представление числовых данных и их характеристик; 	Выполнение домашних заданий Исследовательская работа. Выполнение проверочного теста, устных ответов. Написание реферата и составление презентации. Выполнение внеаудиторной самостоятельной работы.
В процессе освоения учебной дисциплины обучающийся получит возможность повысить уровень сформированности общих компетенций			
ОК1	Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	Решает профильные задачи. Переносит условие профильных задач в математическую модель. Систематически выполняет внеаудиторную работу. Владеет устным счетом. Выделяет примеры, касающиеся профессиональных задач, объясняет наблюдаемое явление в сочетании с профессиональными знаниями, применяет полученные знания в любой ситуации, связанной с профессиональными задачами	Экспертная оценка в процессе защиты практических работ, решения ситуационных задач. Самооценка, направленная на самостоятельную оценку студентом результатов своей деятельности.
ОК2	Осуществлять поиск, анализ и интерпретацию информации, необходимой для выполнения задач профессиональной деятельности	Прилежно ведет записи в тетради. Систематически посещает занятия, использует общие приемы при решении тех или иных задач Выполняет все виды работ, предлагаемых преподавателем Обосновывает выбора вида, методов и приемов работы Обосновывает выбор и оптимальность состава источников, необходимых для решения поставленной задачи Рационально распределяет время на все этапы решения задачи	Качественное выполнение практических работ и внеаудиторной самостоятельной работы
ОК3	Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие	Решает задачи различными способами. Выбирает рациональный способ решения задач, обосновывая свой выбор.	Взаимооценка, направленная на взаимную оценку индивидуальных и групповых результатов участников.
ОК4	Работать в коллективе и команде, эффективно взаимодействовать с коллегами, руководством, клиентами.	Планирует информационный поиск Поиск и отбор необходимой информации в различных источниках. Извлекает первичную информацию Осуществляет первичную обработку информации. Хранит и систематизирует, проводит анализ информации для использования при решении поставленных задач. Ориентируется в информационных потоках, выделяет главное и необходимое. Способен сравнить и классифицировать информацию.	Экспертное наблюдение и оценка деятельности обучающегося в процессе выполнения самостоятельной работы и домашних заданий. Оценка выполнения внеаудиторной самостоятельной работы выполнение контрольных работ, написание и защита рефератов с использование изданий периодической печати и Интернет-ресурсов

ОК5	Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста.	Сотрудничает в группе. Выстраивает взаимоотношения с окружающими. Умеет выслушать собеседника, выработать собственное мнение, презентовать себя, задавать вопросы, вести дискуссию Владеет навыками работы с различными гаджетами. Передает информацию сжато, полно, выборочно	Экспертное наблюдение и оценка деятельности обучающегося в процессе освоения учебной дисциплины, выполнения самостоятельной работы и домашних заданий. Экспертная оценка в процессе защиты практических работ, решения ситуационных задач. Метод обобщения независимых характеристик – направлен на оценку данных, полученных в результате наблюдения за деятельностью студента на занятиях
ОК6	Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе общечеловеческих ценностей.	Умеет работать в паре, в группе. Владеет этикой взаимоотношений. Распределяет роли в коллективе. Владеет различными социальными ролями, адекватно оценивает свою роль в коллективе.	Работа проектных групп – направлена на оценку общих компетенций, связанных с навыками управления рабочей группой Метод обобщения независимых характеристик – направлен на оценку данных, полученных в результате наблюдения за деятельностью студента в различных ситуациях. Социометрия – направлена на оценку командного взаимодействия и ролей участников
ОК 7	Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях.	Выступает с презентацией. Представляет решения задачи, выполненной в коллективе. Участвует в конкурсах, внеклассных мероприятиях. Проявляет ответственность за работу членов команды, результат выполнения заданий.	Кейс-метод, направленный на оценку способностей к анализу, контролю и принятию решений.
ОК 8	Использовать средства физической культуры для сохранения и укрепления здоровья в процессе профессиональной деятельности и поддержания необходимого уровня физической подготовленности.	Посещает дополнительные занятия, консультации. Систематически выполняет внеаудиторную работу. Владеет методикой самостоятельной работы над совершенствованием умений Осуществляет самооценку и самоконтроль через наблюдение за собственной деятельностью, Осознанно ставит цели овладения различными аспектами профессиональной деятельности, определять соответствующий конечный продукт, реализация поставленной цели в деятельности.	Самооценка, направленная на самостоятельную оценку студентом результатов деятельности Качественная оценка за выполнения внеаудиторных работ
ОК 9	Использовать информационные технологии в профессиональной деятельности	Четкое выполнение работы в установленный срок.	Анализ результатов деятельности за определенный период, выявления зоны ближайшего развития студента.

ОК 10	Пользоваться профессиональной документацией на государственном и иностранном языках.	Умеет анализировать, систематизировать и применять в профессиональной деятельности информацию, содержащуюся в документации профессиональной области.	Экспертное наблюдение
ОК 11	Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере.	Применяет знания по финансовой грамотности при решении прикладных задач.	Экспертное наблюдение